

ತ್ರಿಭುಜಗಳಿಗೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಪ್ರಮೇಯಗಳು  
ಅನ್ವಯಿಕ ಪ್ರಶೋತ್ತರಗಳು

ಎಸ್.ಹರ್ಷ & ಹೆಚ್.ಜಿ. ದೀಪಶ್ರೀ

ಮೈಸೂರು

1) ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ ಆಯತದೊಳಗಿನ ಬಿಂದುವು O ಆಗಿದೆ.  $OB^2 + OD^2 = OA^2 + OC^2$  ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

ಸಾಧಿಸಬೇಕಿರುವುದು :  $OB^2 + OD^2 = OA^2 + OC^2$

ಸಾಧಿಸಲು ಅಗತ್ಯವಿರುವುದು : O ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗುವಂತೆ DC ಗೆ ಸಮಾಂತರವಾಗಿ EF ನ್ನು ರಚಿಸಿ.

$$\triangle BOF \text{ ನಲ್ಲಿ, } OB^2 = OF^2 + BF^2 \rightarrow \textcircled{1}$$

$$\triangle EOD \text{ ನಲ್ಲಿ, } OD^2 = EO^2 + ED^2 \rightarrow \textcircled{2}$$

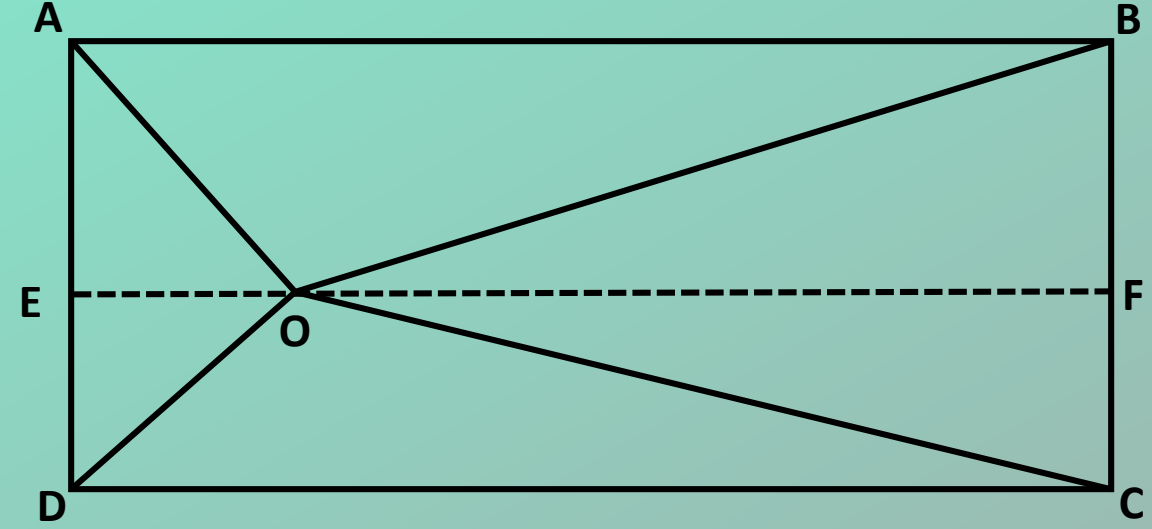
$$\triangle AOE \text{ ನಲ್ಲಿ, } AO^2 = EO^2 + AE^2 \rightarrow \textcircled{3}$$

$$\triangle FOC \text{ ನಲ್ಲಿ, } OC^2 = OF^2 + FC^2 \rightarrow \textcircled{4}$$

$$BF = AE, ED = FC$$

$$\begin{aligned} \textcircled{1} + \textcircled{2} &\rightarrow OB^2 + OD^2 = OF^2 + BF^2 + EO^2 + ED^2 \\ &= OF^2 + AE^2 + EO^2 + FC^2 \\ &= OF^2 + FC^2 + AE^2 + EO^2 \end{aligned}$$

$$OB^2 + OD^2 = OC^2 + OA^2$$



2)  $\triangle ABC$  ಯಲ್ಲಿ,  $AB = AC$ ,  $AB = 2BC$  ಮತ್ತು  $AN \perp BC$ ,  $4AN^2 = 15BC^2$  ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

ಸಾಧಿಸಬೇಕಿರುವುದು :  $4AN^2 = 15BC^2$

$\triangle ABN$  ಮತ್ತು  $\triangle ACN$  ಗಳಲ್ಲಿ,

$$\angle ABN = \angle ACN$$

$$\angle ANB = \angle ANC = 90^\circ$$

$$\therefore \angle BAN = \angle CAN$$

$$BA = CA \text{ (ದತ್ತ)}$$

$$AN = AN \text{ (ಉಭಯ ಸಾಮಾನ್ಯ)}$$

$$\therefore \triangle ABN \cong \triangle ACN \text{ (ಬಾ.ಕೋ.ಬಾ.)}$$

$$\therefore BN = CN = \frac{BC}{2}$$

$\triangle ABN$  ನಲ್ಲಿ,

$$AB^2 = AN^2 + BN^2$$

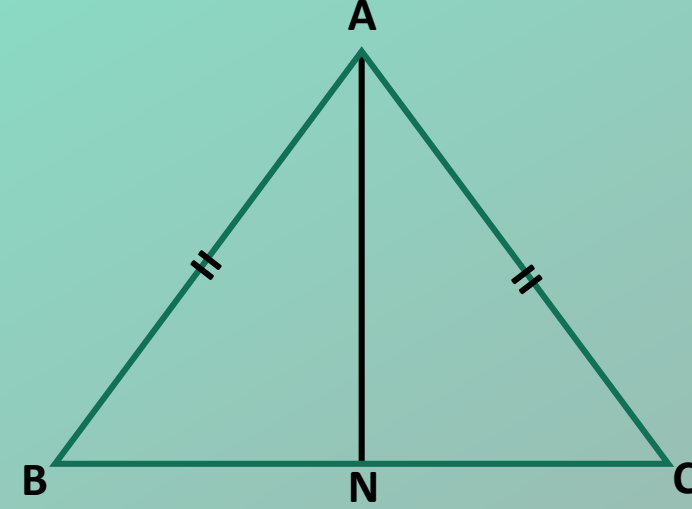
$$(2BC)^2 = AN^2 + \left(\frac{BC}{2}\right)^2$$

$$4BC^2 = AN^2 + \frac{BC^2}{4}$$

$$4BC^2 - \frac{BC^2}{4} = AN^2$$

$$AN^2 = \frac{16BC^2 - BC^2}{4}$$

$$4AN^2 = 15BC^2$$



3)  $\triangle ABC$  ಯಲ್ಲಿ  $AD \perp BC$ ,  $AD^2 = BD \times CD$  ಆದಾಗ  $\triangle ABC$  ಒಂದು ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಭುಜ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

ಸಾಧಿಸಬೇಕಿರುವುದು :  $\triangle ABC$  ಒಂದು ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಭುಜ

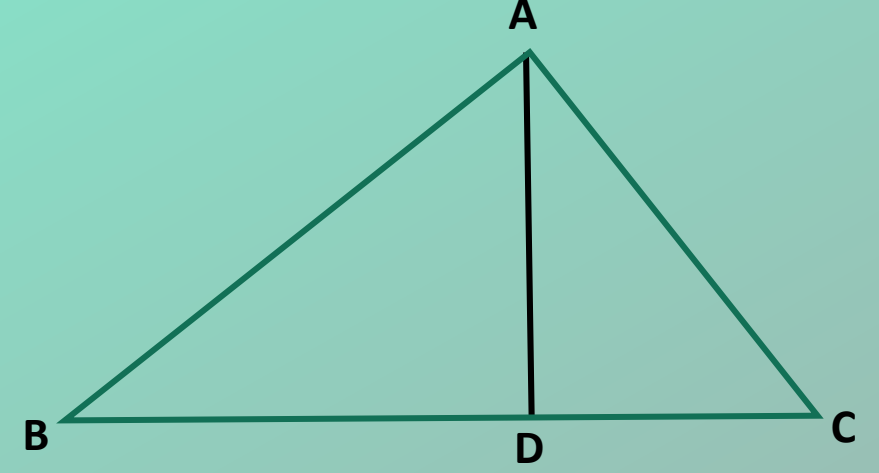
$$\triangle ABD \text{ ನಲ್ಲಿ, } AB^2 = AD^2 + BD^2 \rightarrow \textcircled{1}$$

$$\triangle ACD \text{ ನಲ್ಲಿ, } AC^2 = AD^2 + CD^2 \rightarrow \textcircled{2}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{1} + \textcircled{2} \quad \rightarrow \quad AB^2 + AC^2 &= AD^2 + BD^2 + AD^2 + CD^2 \\ &= 2AD^2 + BD^2 + CD^2 \\ &= 2(BD \times CD) + BD^2 + CD^2 \\ &= (BD + CD)^2 \end{aligned}$$

$$AB^2 + AC^2 = BC^2$$

ಆದ್ದರಿಂದ  $\triangle ABC$  ಒಂದು ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಭುಜ

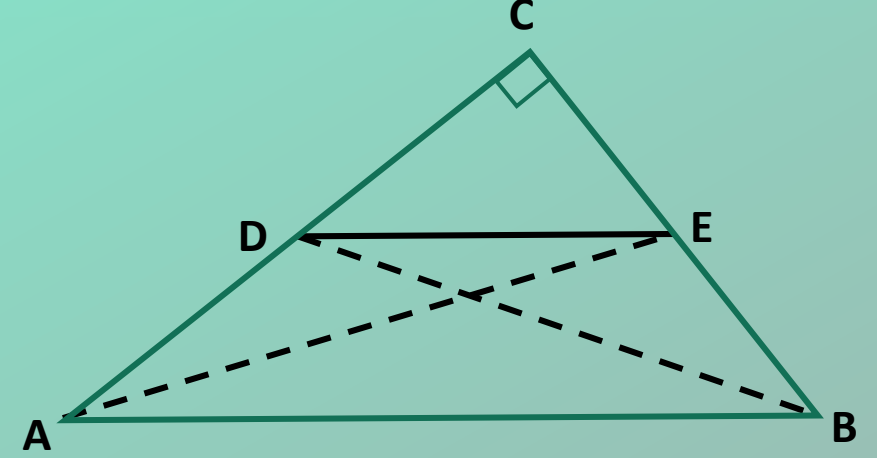


S Harsha & H G Deepashree

4)  $\triangle ABC$  ಯಲ್ಲಿ D ಮತ್ತು E ಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ CA ಮತ್ತು CB ಬಾಹುಗಳ ಮೇಲಿನ ಬಿಂದುಗಳಾಗಿವೆ.  $\angle C = 90^\circ$  ಆಗಿದೆ.  $AE^2 + BD^2 = AB^2 + DE^2$  ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

ಸಾಧಿಸಬೇಕಿರುವುದು :  $AE^2 + BD^2 = AB^2 + DE^2$

ಸಾಧಿಸಲು ಅಗತ್ಯವಿರುವುದು : D ಮತ್ತು E ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ B ಮತ್ತು A ಬಿಂದುಗಳಿಗೆ ಸೇರಿಸುವಂತೆ ರೇಖಾಖಂಡಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ.



$$\triangle ACB \text{ ನಲ್ಲಿ, } AB^2 = AC^2 + BC^2 \rightarrow \textcircled{1}$$

$$\triangle DCE \text{ ನಲ್ಲಿ, } DE^2 = DC^2 + EC^2 \rightarrow \textcircled{2}$$

$$\triangle ACE \text{ ನಲ್ಲಿ, } AE^2 = AC^2 + CE^2 \rightarrow \textcircled{3}$$

$$\triangle BCD \text{ ನಲ್ಲಿ, } BD^2 = DC^2 + BC^2 \rightarrow \textcircled{4}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} + \textcircled{4} &\rightarrow AE^2 + BD^2 = AC^2 + CE^2 + DC^2 + BC^2 \\ &= AC^2 + BC^2 + CE^2 + DC^2 \end{aligned}$$

$$AE^2 + BD^2 = AB^2 + DE^2$$

5)  $\triangle ABC$  ಯಲ್ಲಿ  $CM = 2BM$  ಮತ್ತು  $AM \perp BC$  ಆದರೆ  $3(AC^2 - AB^2) = BC^2$  ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

ಸಾಧಿಸಬೇಕಿರುವುದು :  $3(AC^2 - AB^2) = BC^2$

$$\triangle ABM \text{ ನಲ್ಲಿ, } AB^2 = AM^2 + BM^2$$

$$\triangle ACM \text{ ನಲ್ಲಿ, } AC^2 = AM^2 + CM^2$$

$$\text{LHS} = 3(AC^2 - AB^2)$$

$$= 3[ (AM^2 + CM^2) - (AM^2 + BM^2) ]$$

$$= 3[ AM^2 + CM^2 - AM^2 - BM^2 ]$$

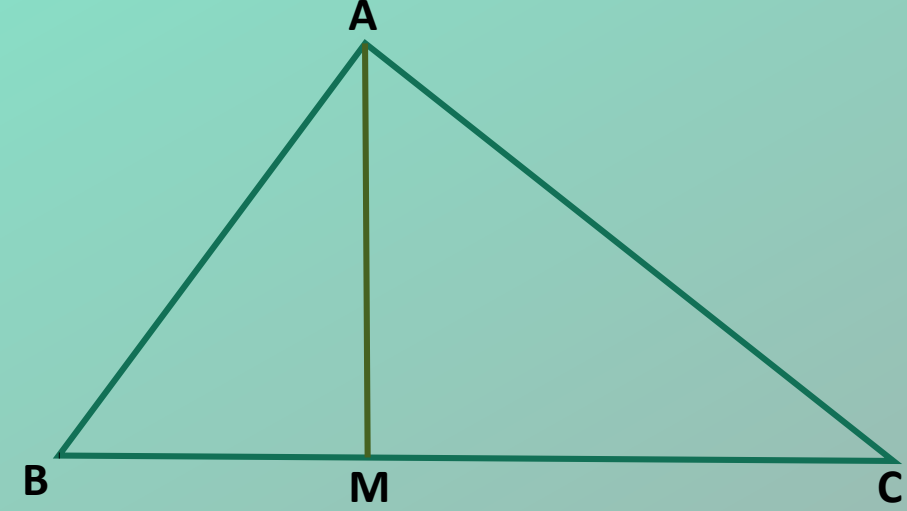
$$= 3[ CM^2 - BM^2 ]$$

$$= 3[ (2BM)^2 - BM^2 ]$$

$$= 3[ 4BM^2 - BM^2 ]$$

$$= 3[ 3BM^2 ]$$

$$\text{LHS} = 9BM^2$$



$$\text{RHS} = BC^2$$

$$= (BM + CM)^2$$

$$= (BM + 2BM)^2$$

$$= (3BM)^2$$

$$\text{RHS} = 9BM^2$$

$$\text{LHS} = \text{RHS}$$

$$3(AC^2 - AB^2) = BC^2$$

6)  $\triangle WAL$  ನಲ್ಲಿ  $\angle WAL = 90^\circ$  ಮತ್ತು  $\angle ANL = 90^\circ$  ಆಗಿದೆ.  $WL = 26\text{cm}$ ,  $LN = 6\text{cm}$  ಮತ್ತು  $AN = 8\text{cm}$  ಆದಾಗ  $WA$  ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$\triangle ANL \text{ ನಲ್ಲಿ, } AL^2 = AN^2 + LN^2$$

$$AL^2 = 8^2 + 6^2$$

$$AL^2 = 100$$

$$AL = 10\text{cm}$$

$$\triangle WAL \text{ ನಲ್ಲಿ, } \angle WAL = 90^\circ$$

$$WL^2 = WA^2 + AL^2$$

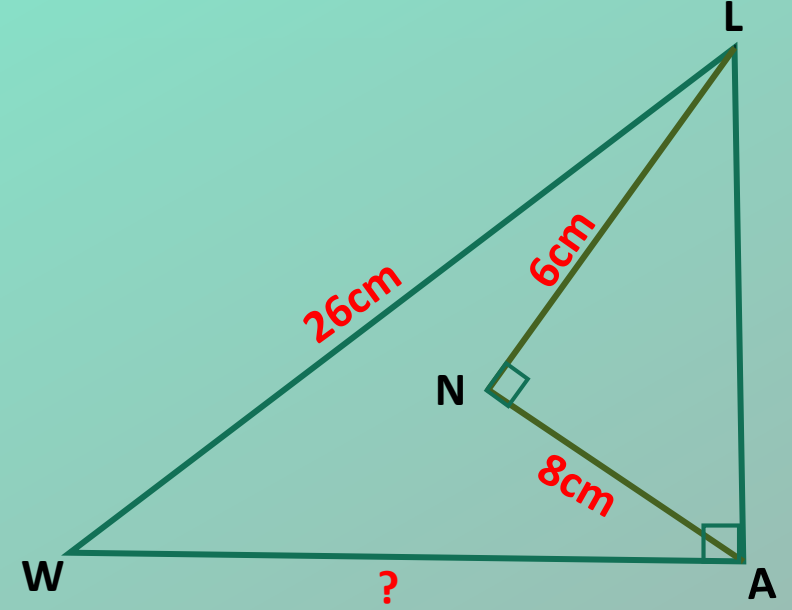
$$WA^2 = WL^2 - AL^2$$

$$WA^2 = 26^2 - 10^2$$

$$WA^2 = 676 - 100$$

$$WA^2 = 576$$

$$WA = 24\text{cm}$$



7) ಸಮರೂಪ ತ್ರಿಭುಜಗಳಾದ  $\triangle ABC$  ಮತ್ತು  $\triangle PQR$  ಗಳ ಸುತ್ತಳತೆ ಕ್ರಮವಾಗಿ 33cm ಮತ್ತು 44cm ಆದರೆ, ಅವುಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳ ಅನುಪಾತವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$\triangle ABC$  ಮತ್ತು  $\triangle PQR$  ಸಮರೂಪ ತ್ರಿಭುಜಗಳಾಗಿವೆ.

$$\frac{AB}{PQ} = \frac{BC}{QR} = \frac{AC}{PR} = k$$

$$AB = k PQ$$

$$BC = k QR$$

$$AC = k PR$$

$$\triangle ABC \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ} = AB + BC + CA$$

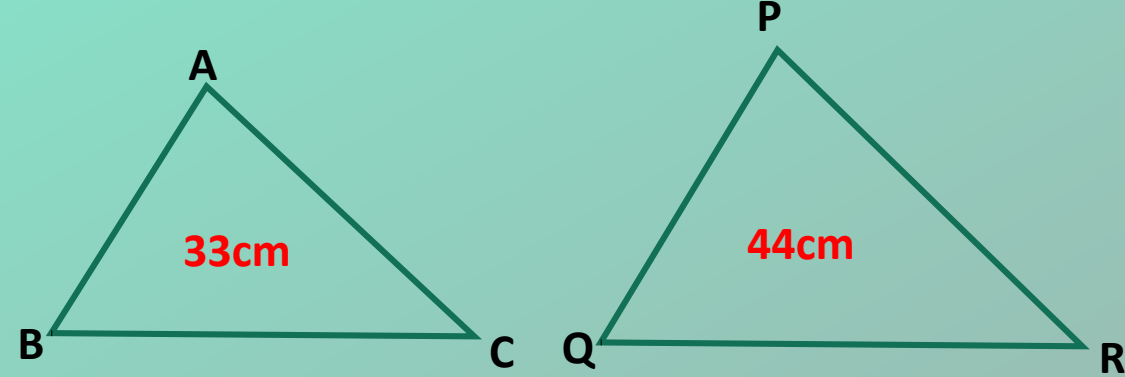
$$= k PQ + k QR + k PR$$

$$= k (PQ + QR + PR)$$

$$\triangle ABC \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ} = k (\triangle PQR \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ})$$

$$k = \frac{\triangle ABC \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ}}{\triangle PQR \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ}}$$

$$\frac{AB}{PQ} = \frac{BC}{QR} = \frac{AC}{PR} = k = \frac{\triangle ABC \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ}}{\triangle PQR \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ}}$$



ತ್ರಿಭುಜಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳ ಪ್ರಮೇಯದ ಪ್ರಕಾರ,

$$\frac{\triangle ABC \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}}{\triangle PQR \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}} = \left( \frac{AB}{PQ} \right)^2$$

$$= \left( \frac{\triangle ABC \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ}}{\triangle PQR \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ}} \right)^2$$

$$= \left( \frac{33}{44} \right)^2$$

$$= \left( \frac{3}{4} \right)^2$$

$$\frac{\triangle ABC \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}}{\triangle PQR \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}} = \frac{9}{16}$$



8)  $\triangle ABC$ ಯಲ್ಲಿ  $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$ ,  $\angle B = 70^\circ$  ಮತ್ತು  $\angle C = 60^\circ$  ಗಳಾದರೇ,  $\angle BAD$  ಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$AE = AC$  ಆಗುವಂತೆ  $BA$  ಯನ್ನು  $E$  ವರೆಗೆ ವೃದ್ಧಿಸಿ,  $E$  ಮತ್ತು  $C$  ಯನ್ನು ಸೇರಿಸಿ.

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \quad (\text{ದತ್ತ})$$

$$\frac{AB}{AE} = \frac{BD}{DC}$$

$\therefore AD \parallel EC$  (ಥೇಲ್ಸ್ ನ ಪ್ರಮೇಯದ ವಿಲೋಮದ ಪ್ರಕಾರ)

$$\angle 1 = \angle 3 \quad (\text{ಅನುರೂಪ ಕೋನಗಳು})$$

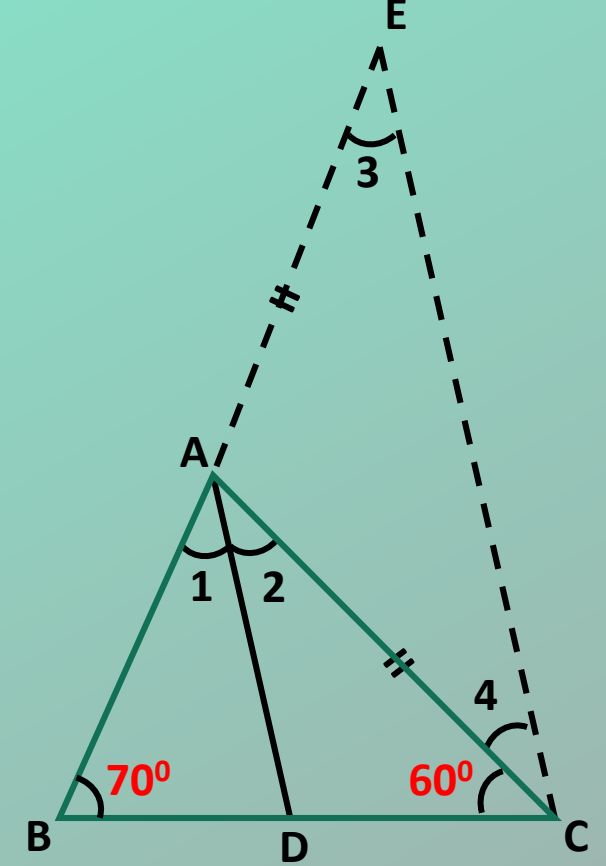
$$\angle 2 = \angle 4 \quad (\text{ಪರ್ಯಾಯ ಕೋನಗಳು})$$

$$\angle 3 = \angle 4 \quad (\text{ಸಮ ದ್ವಿ ಬಾಹು ತ್ರಿಭುಜದ ಕೋನಗಳು})$$

$$\therefore \angle 1 = \angle 2$$

$$\angle BAD = \angle DAC = \frac{\angle BAC}{2}$$

$$\therefore \angle BAD = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$



$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$\angle A + 70^\circ + 60^\circ = 180^\circ$$

$$\angle A = 180^\circ - 120^\circ$$

$$\angle BAD = 60^\circ$$

9) ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ CE ಮತ್ತು DE ಗಳು O ಕೇಂದ್ರವುಳ್ಳ ವೃತ್ತದ ಸಮನಾದ ಜ್ಯಾಗಳು.  $\angle AOB = 90^\circ$  ಆದರೆ  $\triangle CED$  ವಿಸ್ತೀರ್ಣ :  $\triangle AOB$  ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕಿರುವುದು :  $\triangle CED$  ವಿಸ್ತೀರ್ಣ :  $\triangle AOB$  ವಿಸ್ತೀರ್ಣ

ದತ್ತ :  $CE = DE$

$AO = BO = CO = DO$  ( ವೃತ್ತದ ತ್ರಿಜ್ಯಗಳು )

$\triangle CED$  ಯಲ್ಲಿ,  $\angle E = 90^\circ$  ( ಅರ್ಧ ವೃತ್ತಖಂಡದಲ್ಲಿನ ಪರಿಧಿ ಕೋನ )

$$CD^2 = CE^2 + DE^2$$

$$= CE^2 + CE^2$$

$$= 2CE^2$$

$$(2CO)^2 = 2CE^2$$

$$4CO^2 = 2CE^2$$

$$CE^2 = 2CO^2$$

$$\therefore CE^2 = 2CO^2 = 2AO^2 = 2BO^2 = 2DO^2$$

$$\frac{\triangle CED \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ}}{\triangle AOB \text{ ನ ಸುತ್ತಳತೆ}} = \frac{\frac{1}{2} \times CE \times DE}{\frac{1}{2} \times AO \times BO}$$

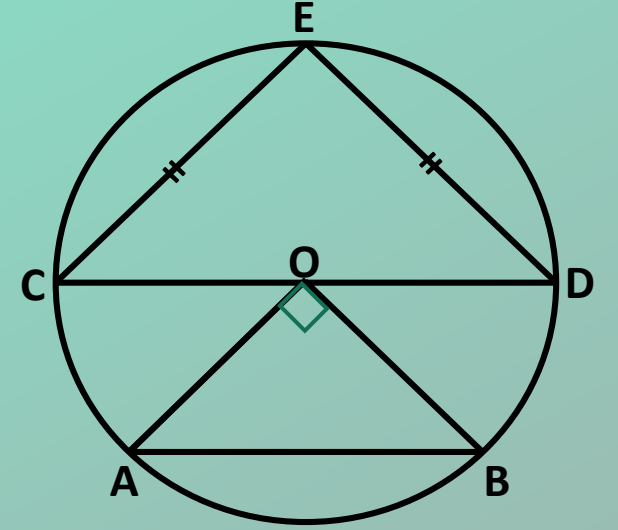
$$= \frac{CE \times CE}{AO \times AO}$$

$$= \frac{CE^2}{AO^2}$$

$$= \frac{2AO^2}{AO^2}$$

$$= \frac{2}{1}$$

$$\triangle CED \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} : \triangle AOB \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = 2 : 1$$



10) ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ  $\triangle ABC$  ಮತ್ತು  $\triangle DBC$  ಒಂದೇ ಪಾದದ BC ಯ ಮೇಲೆ ಇವೆ.. AD ಯು BC ಯನ್ನು O ನಲ್ಲಿ ಛೇದಿಸುತ್ತದೆ.  $AL \perp BC$  ಮತ್ತು  $DM \perp BC$  ಆದಾಗ  $\frac{\triangle ABC \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}}{\triangle DBC \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}} = \frac{AO}{DO}$  ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

$\triangle ALO$  &  $\triangle DMO$  ಗಳಲ್ಲಿ,

$$\angle ALO = \angle DMO = 90^\circ$$

$$\angle AOL = \angle DOM \text{ (ಶೃಂಗಾಭಿಮುಖ ಕೋನಗಳು)}$$

$\therefore \angle LAO = \angle MDO$  (ಒಂದು  $\triangle$ ದ 2 ಕೋನಗಳು ಮತ್ತೊಂದು  $\triangle$ ದ ಅನುರೂಪ ಕೋನಗಳಿಗೆ ಸಮನಾದಾಗ ಅವುಗಳ 3ನೇ ಕೋನಗಳು ಸಮನಾಗುತ್ತವೆ)

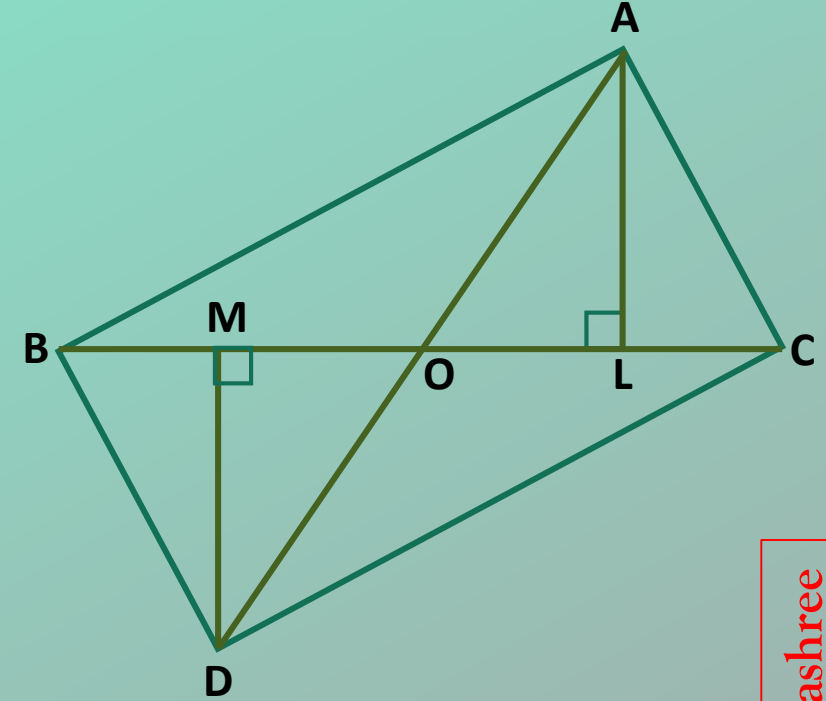
$$\therefore \triangle ALO \sim \triangle DMO$$

$$\frac{AL}{DM} = \frac{AO}{DO} \rightarrow \textcircled{1}$$

$$\frac{\triangle ABC \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}}{\triangle DBC \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}} = \frac{\frac{1}{2} \times BC \times AL}{\frac{1}{2} \times BC \times DM}$$

$$= \frac{AL}{DM} \quad (\textcircled{1} \text{ ರಿಂದ})$$

$$\frac{\triangle ABC \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}}{\triangle DBC \text{ ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}} = \frac{AO}{DO}$$



11) ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ  $AB \perp BC$ ,  $DE \perp AC$  ಮತ್ತು  $GH \perp BC$  ಆದರೆ  $\triangle AED \sim \triangle GHC$  ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

$\triangle ABC$  &  $\triangle AED$  ಗಳಲ್ಲಿ,

$$\angle B = \angle E = 90^\circ$$

$$\angle A = \angle A = 90^\circ \text{ (ಉಭಯ ಸಾಮಾನ್ಯ ಕೋನಗಳು)}$$

$\therefore \angle C = \angle D$  (ಒಂದು  $\triangle$ ದ 2 ಕೋನಗಳು ಮತ್ತೊಂದು  $\triangle$ ದ ಅನುರೂಪ ಕೋನಗಳಿಗೆ ಸಮನಾದಾಗ ಅವುಗಳ 3ನೇ ಕೋನಗಳು ಸಮನಾಗುತ್ತವೆ)

$$\therefore \triangle ABC \sim \triangle AED \rightarrow \textcircled{1}$$

$\triangle ABC$  &  $\triangle GHC$  ಗಳಲ್ಲಿ,

$$\angle B = \angle H = 90^\circ$$

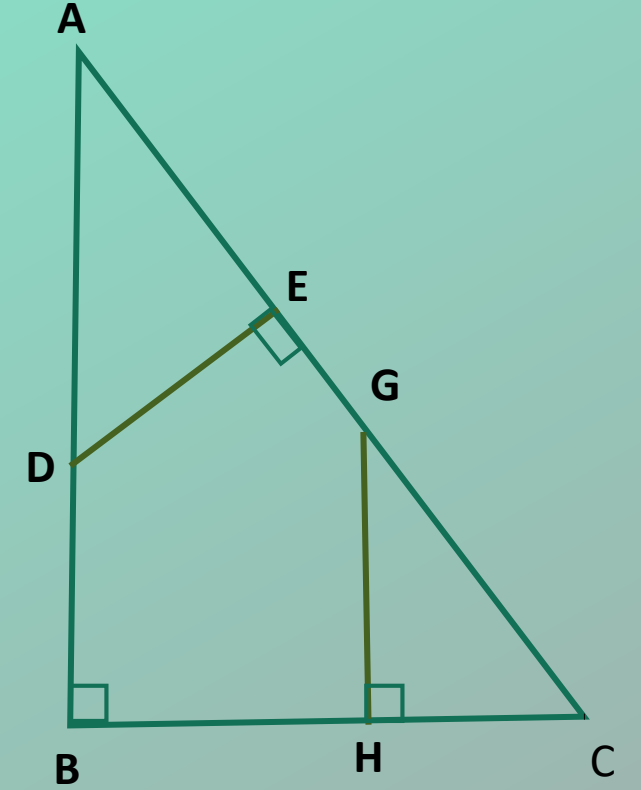
$$\angle C = \angle C = 90^\circ \text{ (ಉಭಯ ಸಾಮಾನ್ಯ ಕೋನಗಳು)}$$

$\therefore \angle G = \angle C$  (ಒಂದು  $\triangle$ ದ 2 ಕೋನಗಳು ಮತ್ತೊಂದು  $\triangle$ ದ ಅನುರೂಪ ಕೋನಗಳಿಗೆ ಸಮನಾದಾಗ ಅವುಗಳ 3ನೇ ಕೋನಗಳು ಸಮನಾಗುತ್ತವೆ)

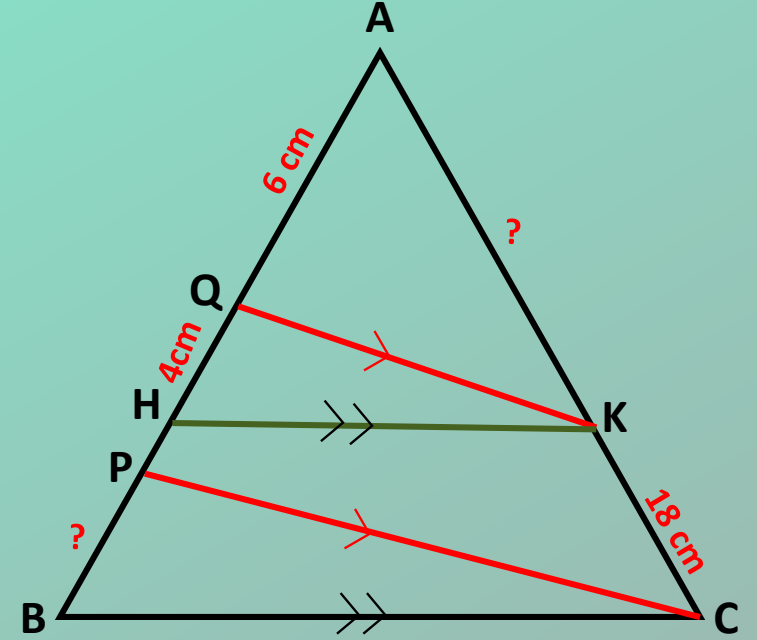
$$\therefore \triangle AED \sim \triangle GHC \rightarrow \textcircled{2}$$

① ಮತ್ತು ② ರಿಂದ  $\rightarrow$

$$\triangle AED \sim \triangle GHC$$



12) ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ  $PQ \parallel QK$  ಮತ್ತು  $BC \parallel HK$ ,  $AQ = 6 \text{ cm}$ ,  $QH = 4 \text{ cm}$  ಮತ್ತು  $KC = 18 \text{ cm}$  ಆದಾಗ  $AK$  ಮತ್ತು  $PB$  ಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



$\triangle APC$  ಯಲ್ಲಿ.

$$\frac{AQ}{QH} = \frac{AK}{KC}$$

$$\frac{6}{4} = \frac{AK}{18}$$

$$AK = \frac{6 \times 18}{4}$$

$$AK = 27 \text{ cm}$$

$\triangle ABC$  ಯಲ್ಲಿ.

$$\frac{AH}{HB} = \frac{AK}{KC}$$

$$\frac{10}{HB} = \frac{27}{18}$$

$$HB = \frac{10 \times 18}{27}$$

$$HB = 6.66 \text{ cm}$$

$$HP + PB = HB$$

$$5 + PB = 6.66$$

$$PB = 6.66 - 5$$

$$PB = 1.66 \text{ cm}$$

13) ABCD ಚತುರ್ಭುಜದಲ್ಲಿ M ಒಂದು CD ಯ ಮಧ್ಯಬಿಂದುವಾಗಿದ್ದು, M ಮೂಲಕ ಎಳೆದ BM ರೇಖೆಯು AC ಯನ್ನು L ಎಂಬಲ್ಲಿ ಹಾಗೂ AD ಯನ್ನು ವೃದ್ಧಿಸಿದಾಗ E ಎಂಬಲ್ಲಿಯೂ ಛೇದಿಸುತ್ತದೆ.  $EL = 2BL$  ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ

$\triangle BCM$  &  $\triangle EDM$  ಗಳಲ್ಲಿ,

$$\angle BCM = \angle EDC \text{ (ಪರ್ಯಾಯ ಕೋನಗಳು)}$$

$$\angle BMC = \angle DMC \text{ (ಶೃಂಗಾಭಿಮುಖ ಕೋನಗಳು)}$$

$$MC = MD \text{ (ದತ್ತ)}$$

$$\therefore \triangle BCM \cong \triangle EDM \text{ (ಕೋ.ಬಾ.ಕೋ. ಸ್ವೀ.ಸಿದ್ಧಾಂತ)}$$

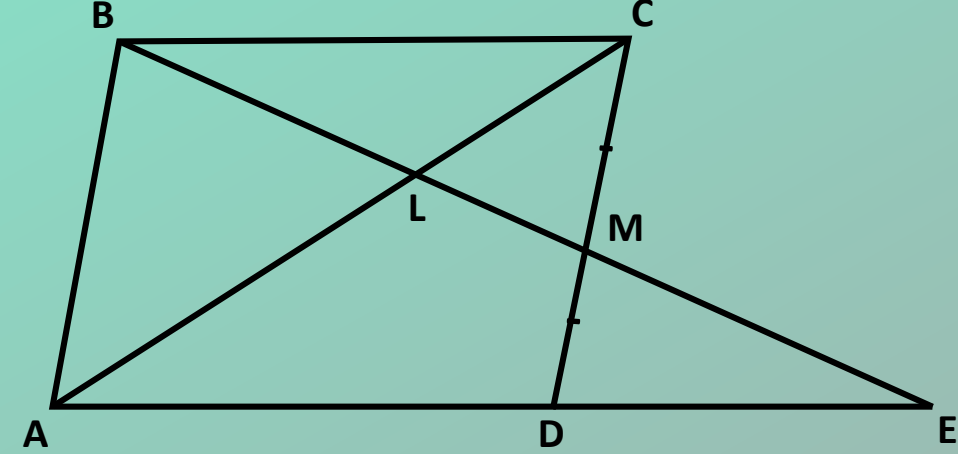
$$MC = MD \text{ ಮತ್ತು } BC = DE$$

$$AE = AD + DE$$

$$= BC + BC$$

$$AE = 2BC$$

$$\frac{AE}{BC} = 2 \rightarrow \textcircled{1}$$



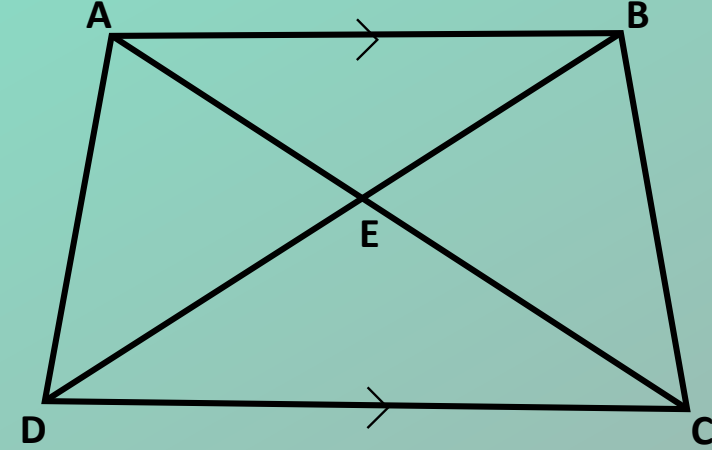
$\triangle BCM$  &  $\triangle EDM$  ಗಳಲ್ಲಿ,

$$\frac{AE}{BC} = \frac{EL}{BL}$$

$$\frac{EL}{BL} = 2 \text{ (}\textcircled{1}\text{ ರಿಂದ)}$$

$$EL = 2BL$$

14) ABCD ಎಂಬ ತ್ರಾಪಿಜ್ಯದಲ್ಲಿ AB || DC ಮತ್ತು  $\triangle AED \sim \triangle BEC$  ಆದಾಗ AD = BC ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.



ದತ್ತ :

$$AB \parallel DC$$

$$\triangle AED \sim \triangle BEC \rightarrow \textcircled{1}$$

$$AD = BC$$

ಸಾಧಿಸಬೇಕಿರುವುದು : AD = BC

$$\triangle ADC \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \triangle BCD \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}$$

(ಒಂದೇ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳ ನಡುವೆ ಮತ್ತು ಒಂದೇ ಪಾದದ ಮೇಲೆ ನಿಂತಿರುವ  $\triangle$ ಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳು ಸಮವಾಗಿರುತ್ತವೆ)

$$\triangle ADC \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} - \triangle DEC \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \triangle BCD \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} - \triangle DEC \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}$$

$$\triangle AED \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \triangle BEC \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} \rightarrow \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \text{ ಮತ್ತು } \textcircled{2} \text{ ರಿಂದ } \rightarrow \triangle AED \sim \triangle BEC$$

(ಎರಡು  $\triangle$ ಗಳು ಸಮರೂಪವಾಗಿದ್ದು ಅವುಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳು ಸಮವಾಗಿದ್ದರೆ, ಆ ಎರಡೂ  $\triangle$ ಗಳು ಸರ್ವಸಮವಾಗಿರುತ್ತವೆ)

$$\therefore AD = BC$$

15)  $\triangle AED$  ಯಲ್ಲಿ  $AP \perp BC$ ,  $AB = a$  ಮಾನಗಳು,  $AC = b$  ಮಾನಗಳು,  $BP = c$  ಮಾನಗಳು ಮತ್ತು  $PC = d$  ಮಾನಗಳು ಆದರೆ  $(a+b)(a-b) = (c+d)(c-d)$  ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

$\triangle ABP$  ನಲ್ಲಿ,

$$AB^2 = AP^2 + BP^2$$

$$a^2 = AP^2 + c^2$$

$$AP^2 = a^2 - c^2 \rightarrow \textcircled{1}$$

$\triangle ACP$  ಯಲ್ಲಿ,

$$AC^2 = AP^2 + CP^2$$

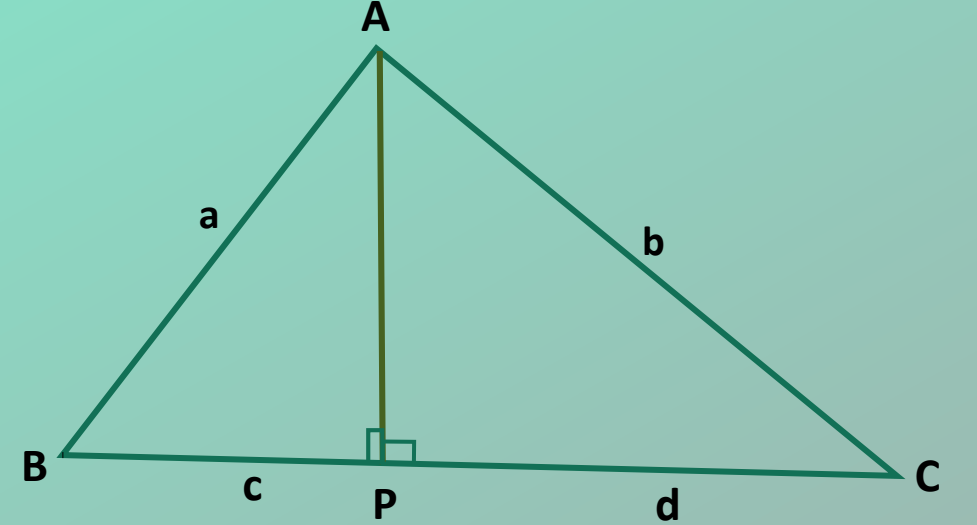
$$b^2 = AP^2 + d^2$$

$$AP^2 = b^2 - d^2 \rightarrow \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}$  ಮತ್ತು  $\textcircled{2}$  ರಿಂದ  $\rightarrow a^2 - c^2 = b^2 - d^2$

$$a^2 - b^2 = c^2 - d^2$$

$$(a + b)(a - b) = (c + d)(c - d)$$





ಎಸ್ ಹರ್ಷ – 9972261802

# ಧನ್ಯವಾದಗಳು

ಹೆಚ್.ಜಿ. ದೀಪಶ್ರೀ - 7411141404